# Second degré

**Automatismes** 

# Résoudre dans R les inéquations suivantes :

$$(-x+1)(x-5) < 0$$

$$(-x + 1)(x - 5) < 0$$
  
 $(-x + 1)(x - 5)$  est un  
polynôme de degré 2 qui a  
2 racines 1 et 5 et  $a < 0$ .  
 $S = ]-\infty$ ;  $1[\cup]5$ ;  $+\infty[$ 

$$(x-3)(x+4) \ge 0$$

$$(x-3)(x+4) \ge 0$$
  
 $(x-3)(x+4)$  est un  
polynôme de degré 2 qui a  
2 racines  $-4$  et 3 et  $a > 0$ .  
 $S = ]-\infty; -4] \cup [3; +\infty[$ 

$$-2x(x + 1) > 0$$

$$-2x(x + 1) > 0$$
  
 $-2x(x + 1)$  est un  
polynôme de degré 2 qui a  
2 racines  $-1$  et 0 et  $a < 0$ .  
 $S = ]-1;0[$ 

$$x^2 + 2 \ge 0$$

$$x^{2} + 2 \ge 0$$
  
Pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,  $x^{2} \ge 0$   
donc  $x^{2} + 2 > 0$ .  
 $S = \mathbb{R}$ 

$$(x-3)^2 \le 0$$

$$(x-3)^{2} \le 0$$
Pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,
$$(x-3)^{2} \ge 0$$
 et
$$(x-3)^{2} \text{ s'annule en 3.}$$

$$S = \{3\}$$

$$5x^2 - 4x < 0$$

$$5x^{2} - 4x < 0$$
équivaut à  $x(5x - 4) < 0$ 

$$x(5x - 4) \text{ est un polynôme de}$$
degré 2 qui a 2 racines 0 et  $\frac{4}{5}$ 
et  $a > 0$ .
$$S = \left[0\right]; \frac{4}{5}\right[$$

# 2<sup>e</sup> partie

Automatismes

$$4 - x^2 < 0$$

• 
$$4 - x^2 < 0$$
  
équivaut à  $(2 - x)(2 + x) > 0$   
 $(2 - x)(2 + x)$  est un  
polynôme de degré 2 qui a 2  
racines  $-2$  et 2 et  $a < 0$ .  
 $S = ]-\infty; -2[\cup]2; +\infty[$ 

$$x^2 - 2x + 1 > 0$$

$$x^{2} - 2x + 1 > 0$$
  
équivaut à  $(x - 1)^{2} > 0$   
Pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,  $(x - 1)^{2} \ge 0$   
et  $(x - 1)^{2}$  s'annule en 1.  
 $S = ]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$ 

$$-(x+2)^2-3>0$$

$$-(x + 2)^{2} - 3 > 0$$
Pour tout *x* de  $\mathbb{R}$ ,
$$-(x + 2)^{2} \le 0 \text{ donc}$$

$$-(x + 2)^{2} - 3 < 0$$

$$S = \emptyset$$

$$x^2 \le 9$$

$$x^2 \le 9$$
  
équivaut à  $x^2 - 9 \le 0$   
donc à  $(x - 3)(x + 3) \le 0$   
 $(x - 3)(x + 3)$  est un  
polynôme de degré 2 qui a 2  
racines  $-3$  et  $3$  et  $a > 0$ .  
 $S = [-3;3]$ 

$$(x+1)^2-25 \ge 0$$

• 
$$(x + 1)^2 - 25 \ge 0$$
  
équivaut à  
 $(x + 1 - 5)(x + 1 + 5) \ge 0$   
donc à  $(x - 4)(x + 6) \ge 0$   
 $(x - 4)(x + 6)$  est un polynôme de degré  
2 qui a 2 racines  $-6$  et 4 et  $a > 0$ .  
 $S = ]-\infty; -6] \cup [4; +\infty[$